



UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO DE JANEIRO  
CENTRO DE FILOSOFIA E CIÊNCIAS HUMANAS  
COLÉGIO DE APLICAÇÃO

Concurso Público para provimento de vagas em cargos efetivos da Carreira  
de Magistério do Ensino Básico, Técnico e Tecnológico

Edital N° 1065, de 26 de dezembro de 2018

### PROVA DE CONTEÚDO ESPECÍFICO

Setor

MATEMÁTICA

Candidato

FELIPE DE OLIVEIRA COUTINHO

Frase

"Não há saber mais ou saber menos: Há saberes diferentes." Paulo Freire

Reescreva a frase

"NÃO HÁ SABER MAIS OU SABER MENOS: HÁ SABERES DIFERENTES"  
PAULO FREIRE

N° Identificador

19203

"nem há saber mais ou saber menos: há saberes diferentes". Paulo Freire

$$1) A \equiv \{x \in \mathbb{N}^* / x \leq 3000\}$$

$$x \in B \text{ implica } 2x \in B$$

De fato o conjunto A possui 3000 elementos, pois não possui o 0 (zero)

X pertencendo a B implicando em  $2x$  não pertencendo a B nos dará que

$$1 \in B \text{ logo } 2 \notin B$$

$$3 \in B \text{ logo } 6 \notin B$$

$$5 \in B \text{ logo } 10 \notin B$$

$$7 \in B \text{ logo } 14 \notin B$$

$$9 \in B \text{ logo } 18 \notin B$$

De fato  $4 \notin B$  pois  
é  $2 \cdot 2$  e  $2 \notin B$

Continuando a sequência teremos que todos os números ímpares "excluído" o seu dobro, logo de 1 a 1500 teremos 750 ímpares, todos esses pertencendo a B. De 1501 a 3000

Todos poderão pertencer a B pois o seu dobro não pertencerá ao conjunto B mas ele poderá ser o dobro de algum número da sequência entre 1 e 1500. Sendo assim na segunda sequência o número máximo de números que satisfaz é 750. Também. Deu

$$750 + 750 = 1500 \text{ elementos}$$

1500 mas o valor máximo da cardinalidade.

2) a) Encontre o termo binomial  $\binom{8}{4}$ .

$$\binom{8}{4} = \frac{8!}{(8-4)!4!} = \frac{8!}{4!4!} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4!}{4! \cdot 4!} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5}{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1} = 70$$

$$\binom{8-1}{4-1} + \binom{8-1}{4} = \binom{7}{3} + \binom{7}{4} = \frac{7!}{4!3!} + \frac{7!}{3!4!} = 2 \left( \frac{7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4!}{3! \cdot 4!} \right) = 2 \cdot 35 = 70$$

b) Ao abrirmos a expressão

$$\binom{n-4}{k-4} + 4 \binom{n-4}{k-3} + 6 \binom{n-4}{k-2} + 4 \binom{n-4}{k-1} + \binom{n-4}{k}$$

é agrupando os binômios ~~seus~~ iremos sempre reduzir ao termo anterior até chegarmos na expressão

$$\binom{n-1}{k-1} + \binom{n-1}{k} = \binom{n}{k}$$

c)  $\binom{8-4}{4-4} + 4 \binom{8-4}{4-3} + 6 \binom{8-4}{4-2} + 4 \binom{8-4}{4-1} + \binom{8-4}{4}$

$$\binom{4}{0} + 4 \binom{4}{1} + 6 \binom{4}{2} + 4 \binom{4}{3} + \binom{4}{4}$$

$$1 + 4 \cdot 4 + 6 \cdot 6 + 4 \cdot 4 + 1$$

$$1 + 16 + 36 + 16 + 1 = 70 \#$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$

De fato temos que  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = \frac{\sin 0}{0} = \frac{0}{0}$

Que é uma indeterminação matemática.

Sendo assim, conseguimos demonstrar esse limite facilmente utilizando a regra de L'Hospital

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} \stackrel{\text{L'Hospital}}{=} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x}{1} = \frac{\cos 0}{1} = \frac{1}{1} = 1$$

- 4) a) Falso, elas podem ser retas reversas.
- b) Falso, elas podem ser retas reversas.
- c) Falso, as retas  $r$  e  $s$  podem, por exemplo, estar sobre o mesmo plano e as retas  $s$  e  $t$  podem estar sobre um outro plano, mas  $r$  e  $t$  serão somente reversas.
- d) Verdadeiro
- e) Falso, pois a reta  $r$  pode ser perpendicular a  $t$  paralelamente ao plano  $xy$  e  $s$  perpendicular a  $t$  paralelamente ao plano  $xz$  isto tornaria  $r$  e  $s$  retas reversas.
- f) Verdadeiro
- g) Verdadeiro
- h) Verdadeiro
- i) Verdadeiro
- j) Verdadeiro.

5)  $P = (x_p, y_p)$  e  $Q = (x_q, y_q)$

$A = (x_A, y_A)$

A reta  $\overline{PQ}$  passa

$$A: x(y_p - y_q) + y(x_q - x_p) + x_p y_q - x_q y_p = 0$$

o coeficiente angular  $k_{\perp}$

$$m = \frac{-(y_p - y_q)}{(x_q - x_p)} \quad \text{e} \quad m_{\perp} = \frac{(x_q - x_p)}{(y_p - y_q)}$$

A reta perpendicular a  $\overleftrightarrow{PQ}$  passando por A tem

$$S: (y - y_A) = \frac{(x_q - x_p)}{(y_p - y_q)} \cdot (x - x_A)$$

Quando  $y = y_A$  na reta PQ descobrimos a coordenada x do simétrico

$$x(x_p - y_q) + y_A(x_q - x_p) + x_p y_q - x_q y_p = 0$$

$$x = \frac{(y_p - y_A) \cdot x_q + (y_A - y_q) \cdot x_p}{(y_p - y_q)}$$

Substituindo a coordenada x na reta perpendicular S encontraremos a coordenada y do simétrico.

$$y - y_a = \frac{(x_a - x_p)}{(y_p - y_a)} \cdot ((y_p - y_a) \cdot x_a + (y_a - y_p) \cdot x_p - x_a)$$

$$y - y_a = \frac{(x_a - x_p)}{(y_p - y_a)} \cdot \frac{[(y_p - y_a) \cdot x_a + (y_a - y_p) \cdot x_p - x_a(y_p - y_a)]}{(y_p - y_a)}$$

$$y = \frac{(x_a - x_p) [(y_p - y_a) \cdot x_a + (y_a - y_p) \cdot x_p - x_a(y_p - y_a)]}{(y_p - y_a)^2} + y_a$$

- Dado o ponto A" será dado pelas coordenadas  
x e y e a função das partes dadas na  
questão

$$A = (x, y)$$